

5èmes - MATHS pour le lundi 27 Avril – classes de 5A- 5C- 5D-

1) Corrigez les exercices de la semaine dernière avec la correction qui suit.

2) **DEVOIR MAISON** à envoyer au plus tard le 27 Avril (voir p 5)

Correction de l'Ex 47 p 161

Volume d'un cornet :

Diamètre = 3,6 cm donc rayon du cône = $3,6 : 2 = 1,8$ cm

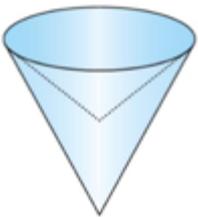
Volume du cône = $(\pi \times \text{rayon} \times \text{rayon} \times \text{hauteur}) : 3$

$$V = \pi \times 1,8 \times 1,8 \times 14 : 3$$

$$V \approx 47,50088 \text{ cm}^3$$

$V \approx 48 \text{ cm}^3$ *on vous demandait un arrondi à l'unité donc il fallait choisir l'entier le plus proche ...*

Correction de l'Ex 50 p 161



Volume du grand cône (son rayon est 6 cm et sa hauteur est 10 cm)

$$V_{\text{grand}} = (\pi \times \text{rayon} \times \text{rayon} \times \text{hauteur}) : 3$$

$$V_{\text{grand}} = \pi \times 6 \times 6 \times 10 : 3$$

$$V_{\text{grand}} \approx 376,991 \text{ cm}^3$$

Volume du petit cône (son rayon est 6 cm et sa hauteur est 4 cm)

$$V_{\text{petit}} = (\pi \times \text{rayon} \times \text{rayon} \times \text{hauteur}) : 3$$

$$V_{\text{petit}} = \pi \times 6 \times 6 \times 4 : 3$$

$$V_{\text{petit}} \approx 150,796 \text{ cm}^3$$

Volume du solide restant (C'est la forme obtenue en partant du grand cône dans lequel on a creusé le petit cône. Cela revient donc à enlever le petit cône, c'est-à-dire à soustraire)

$$V = V_{\text{grand}} - V_{\text{petit}}$$

$$V \approx 376,991 - 150,796$$

$V \approx 226 \text{ cm}^3$ *On vous redemandait un arrondi à l'unité Donc entier le plus proche.*

Correction de l'Ex 85 p 165



Ce qu'il fallait comprendre dans cet exercice : au début le verre est vide. On pose deux glaçons dedans que l'on laisse fondre. Or, vous avez sans doute expérimenté que si vous congelez une bouteille pleine d'eau, en glaçant, la bouteille se déforme et peut même s'ouvrir car la glace occupe plus d'espace que l'eau...

La donnée importante était qu'en fondant, la glace donne un volume d'eau égal à 90% du volume des glaçons.

Cela signifie que pour 100 cm^3 de glace, on obtient 90 cm^3 d'eau.

Volume d'un glaçon :

$$V_{\text{cube}} = 3 \times 3 \times 3$$

glaçon = cube de côté 3cm

$$V_{\text{cube}} = 27 \text{ cm}^3$$

Volume de glace dans le verre :

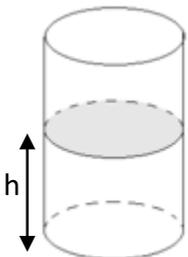
$$V_{\text{glace}} = 27 \times 2 \quad \text{car il y a deux glaçons}$$

$$\underline{V_{\text{glace}} = 54 \text{ cm}^3}$$

Volume d'eau après la fonte :

$\div 100$	pour	100 cm^3	de glace, on aura	90 cm^3 d'eau.
	pour	1 cm^3	de glace, on aura	$0,90 \text{ cm}^3$ d'eau.
$\times 54$	pour	54 cm^3	de glace, on aura	<u>$48,6 \text{ cm}^3$ d'eau.</u>

Recherche de la hauteur



Vous connaissez le volume d'eau

Vous connaissez la forme du solide occupé par l'eau : cylindre de rayon 3 cm (celui du verre)

Vous ne connaissez pas la hauteur du cylindre d'eau.

$$V_{\text{eau}} = \pi \times \text{rayon} \times \text{rayon} \times \text{hauteur} \quad \text{On commence par écrire la formule du volume}$$

$$48,6 = \pi \times 3 \times 3 \times h \quad \text{On remplace les lettres par leur valeur quand on les connaît, sinon on laisse la lettre (ici la hauteur est inconnue donc je laisse h)}$$

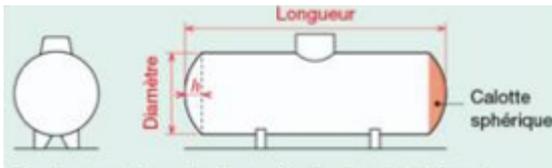
$$\text{donc } h = 48,6 : (\pi \times 3 \times 3)$$

car dans une multiplication à trou, c'est une division qui nous donne le résultat manquant.

$$\text{donc } h \approx 1,72 \text{ cm}$$

Conclusion : il y aura environ $1,72 \text{ cm}$ d'eau dans le verre quand les glaçons auront fondu.

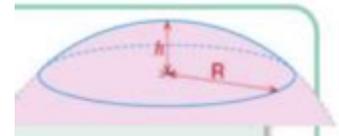
Correction de l'ex 94 p167 :



Monsieur Michel doit choisir entre deux modèles (voir doc 3)
Il s'agit de calculer le volume de chacune des deux citernes pour savoir quelle sera celle dont le volume convient à 2000 L .

- Volume de la citerne 1

longueur = 2,5 m = 250 cm
diamètre = 0,8 m = 80 cm donc R = 40 cm
h = 30 cm



la citerne peut se découper en deux calottes sphériques et un cylindre.

Volume du cylindre :

$$V_1 = \pi \times \text{rayon} \times \text{rayon} \times \text{hauteur}$$

$$V_1 = \pi \times 40 \times 40 \times (250 - 2 \times 30)$$

$$V_1 \approx 955\,044 \text{ cm}^3$$

Volume d'une calotte :

$$V_2 = \pi \times h^2 \times (R - h/3)$$

$$V_2 = \pi \times 30^2 \times (40 - 30/3)$$

$$V_2 = \pi \times 900 \times (40 - 10)$$

$$V_2 \approx 84\,823 \text{ cm}^3$$

Formule donnée dans l'ex

Attention : ici la hauteur du cylindre correspond à ce qui est appelé « longueur » car il est couché ! » auquel on doit enlever les deux h à cause des deux calottes

Donc :

$$V_{\text{citerne}} = V_1 + 2V_2$$

$$V_{\text{citerne}} \approx 955\,044 + 2 \times 84\,823$$

$$V_{\text{citerne}} \approx 1\,124\,690 \text{ cm}^3$$

$$V_{\text{citerne}} \approx 1\,124,690 \text{ dm}^3$$

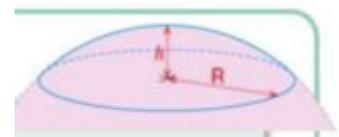
$$V_{\text{citerne}} \approx 1\,125 \text{ L}$$

Rappel : 1 dm³ = 1 L

Le volume de la citerne 1

- Volume de la citerne 2

longueur = 3,2 m = 320 cm
diamètre = 1 m = 100 cm donc R = 50 cm
h = 40 cm



Volume du cylindre :

$$V_1 = \pi \times \text{rayon} \times \text{rayon} \times \text{hauteur}$$

$$V_1 = \pi \times 50 \times 50 \times (320 - 2 \times 40)$$

$$V_1 \approx 1\,884\,956 \text{ cm}^3$$

Volume d'une calotte : $V_2 = \pi \times h^2 \times (R - h/3)$
 $V_2 = \pi \times 40^2 \times (50 - 50/3)$
 $V_2 \approx 167\,552 \text{ cm}^3$

Donc :

$$V_{\text{citerne}} = V_1 + 2V_2$$

$$V_{\text{citerne}} \approx 1\,884\,956 + 2 \times 167\,552$$

$$V_{\text{citerne}} \approx 2\,220\,059 \text{ cm}^3$$

$$V_{\text{citerne}} \approx 2\,220,059 \text{ dm}^3$$

$$V_{\text{citerne}} \approx 2\,220 \text{ L}$$

Le volume de la citerne 2



Conclusion : la citerne 2 est celle qui convient pour un volume de 2 000 Litres.

DEVOIR MAISON – Vous choisissez le niveau qui vous convient ...

- Niveau I : choisir au moins 4 exercices à rédiger parmi les 12
- Niveau II : choisir au moins 8 exercices à rédiger parmi les 12
- Niveau III : rédiger les 12 exercices

Devoir maison :

70 p 19 - Écrire sous forme décimale chaque nombre avant de dessiner les trajets

73 p 44

26 p 53 - nombre rationnel = fraction

76 p 57 - expliquer votre raisonnement

45 p 67 - revoir abscisse-ordonnée dans votre partie leçon

61 p 79 - réécrivez le calcul de départ et rédigez en colonne, comme en classe

20 p 145 - titre – opération en ligne - phrase réponse

68 p 150 - ne pas hésiter à refaire la figure, mettre de la couleur ou des lettres ..

6 p 209 - justifier en écrivant les propriétés utilisées (leçon sur les triangles)

79 p 21 - expliquer votre raisonnement.

80 p 151 - expliquer votre raisonnement.

78 p 233 - expliquer votre raisonnement.